



<b>DISEÑO DEL SERVICIO</b>		Código: M1 – FOR07
<b>GUÍA DE NIVELACIÓN DE SEGUNDO PERIODO</b>		Versión: 02 agosto 2022 Año escolar: 2023 - 2024

Docente: José Ignacio García Capera	Asignatura: Matemáticas	Grado: 9	Periodo: 3	Mes: Abril
Nombre:				

## Guía de nivelación grado noveno

### Sistemas de ecuaciones 2x2

los **Sistemas de Ecuaciones Lineales 2x2** son aquellos que se componen de **dos** ecuaciones con **dos** incógnitas, a los cuales debemos encontrar una pareja de soluciones que satisfaga las dos ecuaciones. Por ejemplo

$$\begin{cases} x + y = 5 & \begin{matrix} x = 5 \\ y = 0 \end{matrix} \text{ NO} \\ x - y = 1 & \begin{matrix} x = 10 \\ y = 9 \end{matrix} \text{ NO} \end{cases}$$

En el caso anterior ninguno de los conjuntos solución, satisfacen las dos ecuaciones, la respuesta que si lo hace es

$$\begin{matrix} x = 3 \\ y = 2 \end{matrix}$$

Existen varios métodos para llegar a su solución en caso de existir

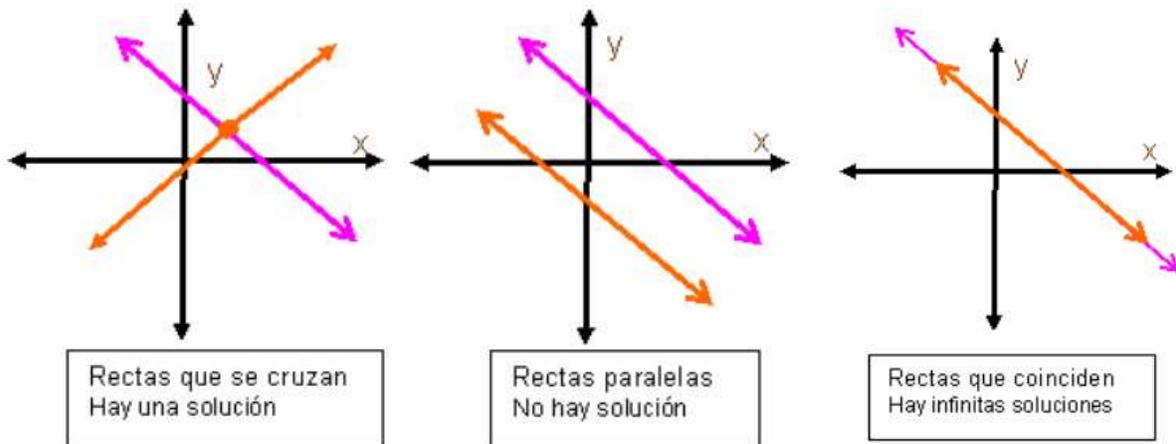
Vamos a recordar 4 de estos métodos

- Método grafico
- Método de igualación
- Método de sustitución.
- Método de eliminación o reducción

#### Método Gráfico

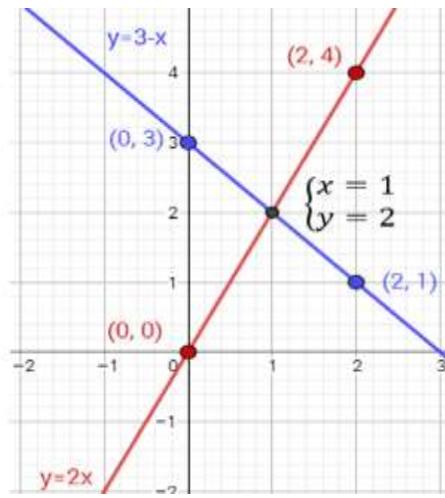
Una manera de hallar la solución es graficar las ecuaciones y hallar los puntos de intersección. Pero se debe tener en cuenta lo siguiente

- Si las rectas se cortan en un solo punto, entonces el sistema tiene una solución.
- Si las rectas nunca se cortan (son paralelas), entonces el sistema no tiene solución.
- Si las rectas se cortan en dos puntos (por tanto, coinciden), entonces el sistema tiene infinitas soluciones.



Por ejemplo, encontremos las soluciones del siguiente sistema

$$\begin{cases} y - 2x = 0 \\ y + x = 3 \end{cases}$$



Podemos comprobar nuestra respuesta

$$\begin{aligned} y - 2x &= 0 & x &= 1 \\ y + x &= 3 & y &= 2 \end{aligned}$$

$$2 - 2 \cdot 1 = 0$$

$$2 + 1 = 3$$

### Ejercicios (Parte 1)

Encontrar la solución de los siguientes ejercicios en caso de que las tengan. Use el método grafico

$$1. \begin{cases} x + y = 2 \\ x - y = 2 \end{cases} \quad 4. \begin{cases} -x + y = -4 \\ 5x + 5y = 10 \end{cases}$$

$$2. \begin{cases} x + y = 2 \\ 2x + y = 2 \end{cases} \quad 5. \begin{cases} 3x + 6y = 3 \\ x + 2y = 4 \end{cases}$$

$$3. \begin{cases} 2x + y = 3 \\ 2x - y = 1 \end{cases}$$

### Método de igualación

#### Paso 1.

Se elige cualquiera de las incógnitas y se despeja en ambas ecuaciones.

#### Paso 2.

Se igualan las expresiones, obteniendo una ecuación con una incógnita.

#### Paso 3.

Se resuelve la ecuación resultante.

#### Paso 4.

El valor obtenido se reemplaza en cualquiera de las dos expresiones del primer paso.

#### Paso 5.

Solución del sistema.

$$\begin{cases} y = 2 \\ x = 7 \end{cases}$$

$$2x + 3y = 20$$

$$x - 2y = 3$$

Despejar la variable x

Ecuación 1

$$2x + 3y = 20$$

$$2x = 20 - 3y$$

$$x = \frac{20 - 3y}{2}$$

Ecuación 2

$$x - 2y = 3$$

$$x = 3 + 2y$$

Igualar

$$\frac{20 - 3y}{2} = 3 + 2y$$

$$20 - 3y = (3 + 2y)(2)$$

$$20 - 3y = 6 + 4y$$

$$20 - 6 = 4y + 3y$$

$$14 = 7y$$

$$\frac{14}{7} = y$$

$$y = 2$$

$$x = 3 + 2y$$

$$x = 3 + 2(2)$$

$$x = 3 + 4$$

$$x = 7$$

## Método de sustitución

### Paso 1.

Se elige cualquiera de las incógnitas y se despeja en cualquiera de las ecuaciones.

### Paso 2.

Se sustituye la expresión obtenida en la otra ecuación

### Paso 3.

Se resuelve la ecuación resultante

### Paso 4.

El valor obtenido se reemplaza en la expresión del primer paso

### Paso 5.

Solución del sistema.

$$\boxed{y = 2}$$

$$\boxed{x = 7}$$

$$2x + 3y = 20 \quad \text{Ecuación 1}$$

$$x - 2y = 3 \quad \text{Ecuación 2}$$

Despejar la variable x

Ecuación 2

$$x - 2y = 3$$

$$\boxed{x = 3 + 2y}$$

Reemplazo el valor de y

$$x = 3 + 2y$$

$$x = 3 + 2(2)$$

$$x = 3 + 4$$

$$\boxed{x = 7}$$

Sustituir en la otra ecuación

Ecuación 1

$$2x + 3y = 20$$

$$2(3 + 2y) + 3y = 20$$

$$6 + 4y + 3y = 20$$

$$6 + 7y = 20$$

$$7y = 20 - 6$$

$$7y = 14$$

$$y = \frac{14}{7}$$

$$\boxed{y = 2}$$

## Método de eliminación o reducción

### Paso 1.

Se preparan las ecuaciones multiplicándolas por los números que convenga.

### Paso 2.

Sumamos ambas ecuaciones

### Paso 3.

Se resuelve la ecuación resultante

### Paso 4.

El valor obtenido se reemplaza en cualquiera de las ecuaciones iniciales y se resuelve.

### Paso 5.

Solución del sistema.

$$\boxed{y = 2}$$

$$\boxed{x = 7}$$

$$\boxed{2x} + 3y = 20 \quad \text{Ecuación 1}$$

$$\textcircled{x} - 2y = 3 \quad \text{Ecuación 2}$$

Para convertir x en -2x debo multiplicarlo por -2

Multiplico la Ecuación 2 por -2

$$x - 2y = 3$$

$$(-2) (x - 2y = 3)$$

$$-2x + 4y = -6 \quad \text{Ecuación 2n}$$

$$2x + 3y = 20$$

$$-2x + 4y = -6$$

$$\hline 0 + 7y = 14$$

$$y = \frac{14}{7}$$

$$\boxed{y = 2}$$

Reemplazo en Ecuación 1

$$x - 2y = 3$$

$$x - 2(2) = 3$$

$$x - 4 = 3$$

$$x = 3 + 4$$

$$\boxed{x = 7}$$

## Ejercicios (Parte 2)

Desarrollar cada uno de los siguientes sistemas de ecuaciones utilizando dos métodos en cada uno, ya sea sustitución, eliminación o reducción.

$$A. \begin{cases} 3x - 2y = -4 \\ 2x + y = 2 \end{cases}$$

$$B. \begin{cases} 2x + 3y = 1 \\ 3x + 2y = 4 \end{cases}$$

$$C. \begin{cases} 4x - 3y = 5 \\ -8x + 6y = 10 \end{cases}$$

$$D. \begin{cases} 5x - 4y = 3 \\ -10x + 8y = -6 \end{cases}$$

$$E. \begin{cases} -2x + 3y = 7 \\ 3x - y = 7 \end{cases}$$

$$F. \begin{cases} 5x + 2y = 4 \\ 2x + 5y = 10 \end{cases}$$

## Aplicación de los sistemas de ecuaciones

Hasta el momento hemos visto cómo solucionar sistemas de ecuaciones con dos ecuaciones y dos incógnitas. Ahora vamos a **interpretar** y **resolver** algunos problemas de aplicación mediante **sistemas de dos ecuaciones lineales con dos incógnitas**. Los métodos a utilizar serán sustitución, igualación y reducción (El más apropiado según sea el caso)

**Ejemplo:** En un supermercado, dos hermanos compran 3 yogur y 2 cajas de leche por \$2 740. Al siguiente mes, compran 4 yogur y una caja de leche de por \$2 170. ¿Cuánto cuesta un yogur y un litro de leche? **Solución**

Considera como:

X à El valor de un yogur.

Y à El valor de una caja de leche de litro.

$$\left. \begin{aligned} 3x + 2y &= \$ 2\,740 \\ 4x + y &= \$ 2\,170 \end{aligned} \right\}$$

Luego planteamos el sistema según las indicaciones

Luego resolvemos el sistema con el método de tu preferencia (En este caso lo realizaremos por el método de sustitución) recuerda que no importa el método, llegaras al mismo resultado

Comenzaremos despejando  $y$ , en la ecuación  $4x + y = 2\,170$ , quedando

$$y = 2\,170 - 4x$$

Reemplazaremos en la ecuación

$$3x + 2y = 2\,740$$

Nos queda la expresión

$$3x + 2(2\,170 - 4x) = 2\,740$$

$$3x + 4\,340 - 8x = 2\,740$$

$$3x + 4\,340 - 8x = 2\,740$$

$$4\,340 - 2\,740 = 8x - 3x$$

$$1\,600 = 5x$$

$$320 = x$$

Finalmente, reemplazamos el valor de  $x$  en la ecuación lineal  $y = 2\,170 - 4x$ . El valor obtenido es  $y = 890$ .

$$x = 320 \quad y = 890$$

De esta manera encontramos los valores deseados

### Ejercicios (Parte 3)

1. María va al mercado y compra 3 cajas de clavos y 2 cajas de tornillos por 28 €. Si hubiese comprado 2 cajas de clavos y 3 cajas de tornillos por 42 €. ¿Cuál es el precio de cada una de las cajas de tornillos y clavos?
2. Mario y María compraron vacas y borregos para formar un rancho. Mario compró 5 vacas y 7 borregos, por los cuales pagó 310 dólares y José compró 7 vacas y 8 borregos y pagó 380 dólares ¿cuánto le costó cada animal?
3. La edad de Camila y de su mamá suman 54 años y dentro de 9 años la edad de la mamá será el doble de la edad de Camila. ¿Cuántos años tiene cada una?

Resolver los ejercicios 4, 5 y 6 según la siguiente imagen

$$\begin{array}{l} (1.) \left\{ \begin{array}{l} 2x + y = 3 \\ 2x - y = 1 \end{array} \right. \quad (2.) \left\{ \begin{array}{l} 3x - 5y = 4 \\ 2x + 10y = 8 \end{array} \right. \\ (3.) \left\{ \begin{array}{l} 2x + 7y = 3 \\ -2x + 3y = 0 \end{array} \right. \end{array}$$

4. Las soluciones del sistema (1.) es
  - A. (-1,1)
  - B. (1,-1)
  - C. (2,3)
  - D. (1,1)
5. La solución del sistema (2.) es
  - A. (2,5)
  - B. (5,2)
  - C. (2, 2/5)
  - D. (2/5, 5/2)
6. Las soluciones del sistema (3.) es
  - A. (3/10, 9/20)
  - B. (2/5, 8/2)
  - C. (9/20, 3/10)
  - D. (3, 9/20)
7. Por dos latas de refresco y tres bolsas de patatas me han cobrado cinco euros. Es correcto afirmar que la expresión que representa lo anterior es
  - A.  $2x + 2y = 5$
  - B.  $3y + 3y = 5$
  - C.  $2x + 3y = 5$
  - D.  $3x + 6y = 10$

8. En algunos países es tradicional comprar la fruta por piezas. Pedro compró 3 manzanas y 2 peras por 3,20 € y María compró 4 peras y 5 manzanas por 5,80 €. El sistema que corresponde a esta situación es

**A.**  $\begin{cases} 3x + 2y = 3,20 \\ 4x + 5y = 5,80 \end{cases}$

**B.**  $\begin{cases} 2x + 3y = 3,20 \\ 4x + 5y = 5,80 \end{cases}$

**C.**  $\begin{cases} 5x + 4y = 3,20 \\ 3x + 2y = 5,80 \end{cases}$

**D.**  $\begin{cases} 5x + 4y = 3,20 \\ 3x + 2y = 3,20 \end{cases}$

9. En una Frutería, don Manuel ha comprado 2kg. de Plátanos y 1 kg Naranjas. en \$ 1.220 y doña Flora ha comprado 3 kg. de Plátanos y 2 kg. de Naranjas en \$ 2.020. Es acertado afirmar que cada kilo de Plátanos cuesta

- A. 240
- B. 340
- C. 380
- D. 420

10. Al encontrar las medidas de los lados de un rectángulo cuyo perímetro es 12 y cuyo lado mayor mide el doble que su lado menor se obtiene que el

- A. Lado mayor tiene 8 y el lado menor mide 4
- B. Lado mayor mide 4 y el lado menor mide 2
- C. Lado mayor mide 10 y el lado menor mide 2
- D. Lado mayor mide 4 y el menor mide 2